

"动生感生共存现象"的深度教学

邵鹏飞

(阜阳第三中学 安徽 阜阳 236000) (收稿日期:2018-04-01)

摘 要:课本习题是我们进行学科教学的重要资源,一些经典习题从不同的视角会有不同的解法,甚至可以作为竞赛辅导的经典素材.

关键词:一题多解 动生和感生 分离变量 竞赛拓展 高考拓展

在学科教学中,教师都非常重视课本中的习题,这是重要的资源,需要很好的利用.同一道经典习题可以从多角度进行分析和讲解,有助于提高学生理解和解决问题的能力.

笔者在平时的教学中一直努力对课本资源进行整合拓展,实践中收到了良好的效果. 现在我们以人

教版物理课程标准实验教材 3-2 的第四章第 2 节课后习题第 7 题为例,进行如下分析.

1 教材原题分析

【题目】如图 1 所示,固定于水平面上的金属架 CDEF 处在竖直向下的匀强磁场中,金属棒 MN 沿

基本也没有选学这部分的内容. 近代物理部分学生相对来说比较感兴趣,一是因为中学都涉及过,再一点主要是因为与近代的科技发展直接相关,教师讲课也更能扩展得开,学生对于常识性的、应用性的、而非纯理论的更加感兴趣. 但是量子力学部分关于薛定谔方程的那一部分比较抽象,大多数学生认为是比较难的.

我们在教学的过程中,要时刻考虑学生的感受和接受能力,学生认为难的不好理解的知识点和教师认为难的知识点完全不一样,中学可以通过周考月考反复考督促学生,摸清学生的底细,而大学教学一学期只有一次考试,平时的作业基本也说明不了问题,因为很多学生作业参考同学的和习题答案.所以教师要和学生交流,不断地掌握学生的动向.我们认为建立班级 QQ 群或微信群是一个很好的方法,学生在群里自由的畅谈,互相学习互相交流,更拉近了学生与老师、学生与学生之间的距离.而且可以随时掌握教学中存在的问题.

另外由于学生课程安排较多,学时有限,分专业 分层次教学非常有必要. 我们要深入了解各专业学 生后续的专业课设置,可能会用到那些物理基础,有 目的地设置大学物理的教学计划,让学生学精学透,为后续的学习打下坚实的基础.

如何让课堂生动有趣?调查显示 30% ~ 40% 的同学都觉得物理学枯燥,要求老师少讲点理论的东西,讲一些知识点得出的来龙去脉,讲一些物理知识的应用,与生活的联系.教师要不断地学习,了解科技的发展,要能展开,能让自己的课堂吸引学生的注意力.

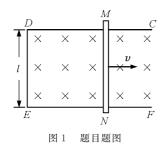
4 结论

通过调查发现教学中存在的问题,加强中学物理和大学物理之间的衔接和过渡,针对不同的教学模块采取适当的教学方法.模块化教学不但可以提高教学质量,而且更有利加强学生学习大学物理的兴趣,提高学生学习的积极性和主动性,更好为社会培养有知识有文化的高素质的人才.

参考文献

- 1 教育部高等学校物理学与天文学教学指导委员会物理 基础课程教学指导分委员会. 理工科类大学物理课程教 学基本要求, 北京; 高等教育出版社, 2010
- 2 李尚仁. 高中物理课程标准教师读本. 武汉: 华中师范大 学出版社, 2003

框架以速度v向右做匀速运动.t=0时,磁感应强度为 B_0 ,此时MN到达的位置恰好使MDEN构成一个边长为L的正方形.为使MN棒中不产生感应电流,从t=0开始,磁感应强度B应怎样随时间t变化?请推导出这种情况下B与t的关系式.



分析:

解法一(常规解法):本题出现在第四章第2节,本意是考查回路中产生感应电流的条件.由于没有电流产生,回路任意时刻的磁通量都等于初始时刻的磁通量

$$\Phi_0 = \Phi_t$$

即

$$B_0 L^2 = B_t L (L + vt)$$

可得

$$B_t = \frac{B_0 L}{L + vt}$$

点评:作为第 2 节的题目,本解法不涉及电磁感应的本质 —— 感应电动势,而是利用"磁通量不变"来解题. 从答题的角度来讲,我们已经很巧妙地完成了任务.

解法二(竞赛拓展):随着学习的深入,教师可以引导学生关注本题涉及的感生和动生同时存在的现象,尤其对有志于参加自主招生和物理竞赛的同学,这样做很有必要,处理如下.

(1) 列出微分方程. 本题的本质是感生电动势与动生电动势并存,解决时可考虑用通式 $\epsilon = \frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}t}$,其中有 $\Phi = BS$. 由于B和S都变化,于是我们考虑偏微分

$$\varepsilon = \frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}t}S + \frac{\mathrm{d}S}{\mathrm{d}t}B$$

具体可写为

$$\frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}t}L\left(L+vt\right)+BLv=0$$

(2) 积分演算. 上式涉及变量 B 和 t, 需考虑分

离变量

$$\frac{\mathrm{d}B}{B} = -\frac{\mathrm{d}(vt)}{L + vt}$$

两边积分有

$$\int \frac{\mathrm{d}B}{B} = -\int \frac{\mathrm{d}(vt)}{L + vt}$$

即

$$\int \frac{\mathrm{d}B}{B} = -\int \frac{\mathrm{d}(L + vt)}{L + vt}$$

(3) 不定积分的常量处理

$$LnB = -Ln(L + vt) + c$$

代入初始值 t=0 时, $B=B_0$ 可得

$$B = \frac{B_0 L}{L + vt}$$

点评:通过对比我们可以发现,解法二在知识点 上更加反映物理本质,在数学方法上又涉及到偏微 分、分离变量、积分常量的确定等内容,为准备参加 物理竞赛的同学拓展了知识空间.

2 相关高考题拓展

【例 1】(2003 年高考江苏卷第 18 题) 如图 2 所示,两根平行金属导轨固定在水平桌面上,每根导轨每米的电阻为 r_0 =0.10 Ω/m ,导轨的端点P,Q用电阻可忽略的导线相连,两导轨间的距离L=0.20 m.有随时间变化的匀强磁场垂直于桌面,已知磁感应强度B与时间t的关系为B=Kt,比例系数K=0.020 T/s.一电阻不计的金属杆可在导轨上无摩擦地滑动,在滑动过程中保持与导轨垂直.在t=0 s时刻,金属杆紧靠在P,Q端,在外力作用下,杆以恒定的加速度从静止开始向导轨的另一端滑动,求在t=6.0 s时金属杆所受的安培力.



分析:

本题的创新处也是易错处在于产生感应电动势的因素有两个:一个是导体切割磁感线所产生 $\varepsilon_1 = BL_v$ (叫动生电动势),另一个是磁场变化所产生 $\varepsilon_2 = \frac{\Delta B}{\Delta r} S$ (叫感生电动势).

解题:以a表示金属杆运动的加速度,在t时刻, 金属杆与初始位置的距离为

$$x = \frac{1}{2}at^2 \tag{1}$$

此时杆的速度

$$v = at$$
 (2)

杆与导轨构成的回路的面积

$$S = Lx \tag{3}$$

回路的总感应电动势

$$\varepsilon_{\mathbb{A}} = \varepsilon_1 + \varepsilon_2 \tag{4}$$

其中 $\epsilon_1 = BLv$ 为动生部分 $, \epsilon_2 = \frac{\Delta B}{\Delta t}S$ 为感生部分,两者同向!而

$$B = Kt$$

$$\frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{K(t + \Delta t) - Kt}{\Delta t} = K \tag{5}$$

回路的总电阻

$$R = 2xr_0 \tag{6}$$

回路中的感应电流

$$I = \frac{\varepsilon_{\mathbb{A}}}{R} \tag{7}$$

作用于杆的安培力

$$F = BIL \tag{8}$$

解得

$$F = \frac{3}{2} \frac{K^2 L^2}{r_0} t$$

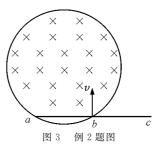
代入数据为

$$F = 1.44 \times 10^{-3} \text{ N}$$

点评:可以看出问题解决的关键在于:第一,明确本题感生电动势和动生电动势同时存在的本质;第二,知道两电动势方向相同.有过刚才方法二的铺垫,解决本题自然会很顺畅,学生在体验成功的同时思维层次也得到了不小的提升.

3 自主招生拓展

【例 2】(2008年清华自主招生)如图 3 所示,半 径为 R 的圆形区域内有随时间变化的匀强磁场,磁感应强度 B 随时间 t 均匀增加的变化率为 k (k 为常数),t=0 时的磁感应强度为 B. B 的方向与圆形区域垂直如图,在图中垂直纸面向内.一长为 2R 的金属直杆 ac 也处在圆形区域所在平面,并以速度 v 扫过磁场区域.设在 t 时刻杆位于图示位置,此时杆的 ab 段正好在磁场内,bc 段位于磁场之外,且 ab=bc=R,求此时杆中的感应电动势.



分析:本题也是感生电动势和动生电动势同时存在,仅就感生电动势而言(题目的难点所在!)与2002年全国物理竞赛复赛的第二题相似,可以先引入该复赛题进行铺垫式讲解(原题见附录,解法限于篇幅不作展示).

解题:

感生电动势由 E_{ba} 和 E_{cb} 两部分组成,则

$$E_{ba} = \frac{1}{2} R \frac{\sqrt{3}}{2} R k = \frac{\sqrt{3}}{4} k R^2$$

$$E_{\scriptscriptstyle cb} = \frac{1}{12} \pi R^2 k = \frac{1}{12} k \pi R^2$$

所以
$$E_a = E_{ba} + E_d = \left(\frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{\pi}{12}\right) kR^2$$

方向 $a \rightarrow c$.

动生电动势为 $E_{ab}' = (B_0 + kt)Rv$ 方向 $b \rightarrow a$. 所以总电动势为

$$E_{\mathbb{B}} = E_{\alpha a} - E_{ab}' =$$

$$\left(\frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{\pi}{12}\right)kR^2 - (B_0 + kt)Rv$$

点评:相较于江苏省的高考题,由于没有形成回路,且感生电动势要区分圆形区域的内、外两部分,因此本题思维层次有了明显提升;而2002年物理竞赛复赛卷的第2题的铺垫分析,则为问题解决扫除了不少障碍.

4 总结

笔者通过对课后习题的多解处理,将知识点拓展到了竞赛相关的层面(微积分),物理场景也从衡量(磁通量)的寻找转移到了变量的分析(感生与动生);然后通过高考、自主招生两个例题的梯度设置,结合竞赛题的类比分析,使学生在顺利解答题目的同时,也提高了思维层次.相信合理的教学设计,不仅能引导学生顺利解题,更能为学生提供一个培养物理核心素养的宝贵平台!