

图 3 例题能量守恒法求解分析

根据能量守恒定律,液面下降时薄水层减少的 重力势能应该转化为从小孔流出去时水的动能,即

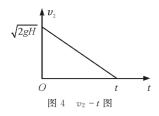
$$\Delta mgh = \frac{1}{2} \Delta mv_2^2 \tag{9}$$

解得

$$v_2 = \sqrt{2gh} \tag{10}$$

式(10) 表明,水从小孔流出的速度和物体从高h处 做自由落体运动的末速度是一样的.

由自由落体的规律可知,小孔中流出水的速度 v_2 与时间 t 应该是线性关系. 做出 v_2 - t 的函数图像,如图 4 所示.



设小孔中流出水的平均速度为 $\overline{v_2}$,则

$$\overline{v_2} = \frac{0 + \sqrt{2gH}}{2} = \frac{\sqrt{2gH}}{2} \tag{11}$$

由于液体不可压缩,可得

$$SH = S_0 \overline{v_2} t \tag{12}$$

将式(11)代入式(12),解得

$$t = \frac{S}{S} \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

结束语

本文分别从伯努利方程和能量守恒、平均值法 来巧解"水池排水时间"的问题. 在物理教学中,多 和学生进行这样的分析讨论,无论对于提升学生的 理论水平、分析能力,还是对于提升学生物理学习的 兴趣,都能起到较大的推动作用.

参考文献

- 1 漆安慎,杜禅英.力学[M].北京:高等教育出版社,2005. 393 ~ 399
- 2 臧立志. 线性函数的平均值在高中物理中的应用[J]. 物理教师,2010,37(19):57 ~ 58

动生电动势和感生电动势的联系

张奔腾

(玉溪衡水实验中学 云南 玉溪 653100) (收稿日期:2020-03-06)

摘 要:通过适当构造一个"面积"以后,使得动生电动势和感生电动势在形式上一致,并给出了这样的"面积" 应该如何构造.通过电磁场的洛伦兹变换,从运动的相对性的角度再次说明两者之间的联系.

关键词:动生电动势 感生电动势 洛伦兹变换 联系

法拉第电磁感应定律:只要穿过回路的磁通量发生了变化,在回路中就会有感应电动势产生.实际上,常见的有两种情况:(1)回路部分相对恒定磁场运动(S变B不变);(2)回路相对磁场静止,磁感应强度变化(S不变B变).我们把第一种情况产生的感应电动势称为动生电动势,第二种称为感生电动势.动生电动势和感生电动势之间存在什么联系呢?

1 从非静电力的角度看动生电动势和感生电动势 之间的联系

动生电动势的非静电力是洛伦兹力[1]

$$\varepsilon_{\vec{z}j} = \int (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot d\mathbf{l} \tag{1}$$

方向由 $v \times B$ 决定.

感生电动势的非静电力是涡旋电场力

$$\varepsilon_{\mathcal{B}} = \oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = \iint -\frac{d\mathbf{B}}{dt} \cdot d\mathbf{s} = -\frac{d\mathbf{\Phi}}{dt}$$
 (2)

其中负号表示阻碍的意思,确定了动生电动势的方向.

现在对动生电动势数学公式做一点变形,如图 1 所示,导体棒 ab 位于x Oy 平面内,以速度 v 沿x 轴 正向运动,磁感应强度为 B 的均匀磁场沿z 轴正向产生的动生电动势为

$$\varepsilon_{\vec{x}j} = \int_{a}^{b} (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot d\mathbf{l} = \int_{a}^{b} \mathbf{B} \cdot (d\mathbf{l} \times \mathbf{v}) =$$

$$\int_{a}^{b} \mathbf{B} \cdot (d\mathbf{l} \times \frac{d\mathbf{x}}{dt}) = \frac{d}{dt} \int_{a}^{b} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = -\frac{d\phi}{dt} \quad (3)$$

这样我们看到,动生电动势和感生电动势的大小在公式形式上保持了一致.通过观察式(3),发现此时的面积是运动导体相对磁场运动时所扫过磁场的面积.

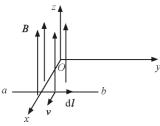


图 1 导体棒在均匀磁场中运动

2 从电磁场的洛伦兹变换看动生电动势和感生电动势之间的联系

我们在一个具体情况下来讨论动生电动势和感生电动势的相对性. 在 x > 0 处存在沿 z 轴向上的均匀磁场 B, 导体棒 ab 以速度 v 沿 x 轴运动,导体棒上会出现电动势.

如图 1 所示,以坐标系为参考系,线圈上将产生

动生电动势

$$\varepsilon_{\vec{a}j} = \int_{0}^{b} (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot d\mathbf{l} = B\mathbf{v} \mid ab \mid$$
 (4)

以导体棒为参考系,根据电磁场的洛伦兹变换^[2],在动参考系中除存在磁场外,还存在电场 $E'_{y}=-\gamma vB$ (负号代表方向 $b \rightarrow a$). 其中 $\gamma = \left(1-\frac{v^2}{c^2}\right)^{-\frac{1}{2}}$. 这样可以计算感生电动势

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathcal{B}} = \int_{\mathbf{z}}^{b} E_{y}' \boldsymbol{j} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{l} = \boldsymbol{\gamma} v \boldsymbol{B} \mid ab \mid \tag{5}$$

式(5) 中 j 为 y 方向的单位矢量,由式(5) 的结果可以看到,感应电动势在不同的参考系下有不同的表现形式,两者之间差着一个因子 γ . 在宏观低速情况下, $v \ll c$,此时 γ 约为 1. 因此,在一定程度上区分动生电动势和感生电动势只有相对意义.

3 讨论

我们从非静电力和电磁场的洛伦兹变换两个角度,说明了动生电动势和感生电动势的一致性.所以,我们还可以做一些探讨.比如:如果要说发生电磁感应现象的条件是磁通量的变化,那么关键是要选取好闭合回路,要以导体实际扫过磁场的面积为准.如果把部分导体切割磁感线作为一个条件也无可厚非.因为区分动生电动势和感生电动势只有相对意义,尤其高中阶段,我们没有必要在此方面过度教学.

参考文献

- 1 郭硕鸿. 电动力学[M]. 北京: 北京人民教育出版社, $1979.19 \sim 23$
- 2 高炳坤. 导出"电磁场的相对论变换"的一种简便方法 「J7. 大学物理,1995,14(8):47 ~ 48

The Connection between Dynamic Electromotive Force and Induced Electromotive Force

Zhang Benteng

(Yunnan Yuxi Hengshui Experimental Middle School, Yuxi, Yunnan 653100)

Abstract: After appropriately constructing an "area", the dynamic electromotive force and the induced electromotive force are consistent in form, and how to construct such an "area" is given. Through the Lorentz transformation of the electromagnetic field, the connection between the two is explained again from the perspective of the relativity of motion.

Key words; dynamic electromotive force; Induced electromotive force; Lorentz transformation